

Binomische Formeln (Level 1)

Aufgabe

Multipliziere die folgenden Terme mit Hilfe der binomischen Formeln aus:

- | | | | |
|------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| a) $(v - 6)^2$ | b) $(m - 5)^2$ | c) $(e - 10)^2$ | d) $(c + 2) \cdot (c - 2)$ |
| e) $(s + 2)^2$ | f) $(m - 9)^2$ | g) $(s + 3) \cdot (s - 3)$ | h) $(3 + s) \cdot (3 - s)$ |
| i) $(e + 10) \cdot (e - 10)$ | j) $(9 + t)^2$ | k) $(p + 9) \cdot (p - 9)$ | l) $(3 - p)^2$ |
| m) $(s + 4) \cdot (s - 4)$ | n) $(v + 6) \cdot (v - 6)$ | o) $(1 - e)^2$ | p) $(10 - z)^2$ |
| q) $(k + 3) \cdot (k - 3)$ | r) $(r - 2)^2$ | s) $(k - 2)^2$ | t) $(8 + p) \cdot (8 - p)$ |
| u) $(p - 9)^2$ | v) $(s + 9)^2$ | w) $(6 + r) \cdot (6 - r)$ | x) $(9 - w)^2$ |
| y) $(c + 7)^2$ | z) $(4 + v)^2$ | | |

Tipp

Es gibt drei binomische Formeln:

- I. $(\textcolor{green}{a} + \textcolor{red}{b})^2 = \textcolor{green}{a}^2 + 2 \textcolor{green}{a} \textcolor{red}{b} + \textcolor{red}{b}^2$
- II. $(\textcolor{green}{a} - \textcolor{red}{b})^2 = \textcolor{green}{a}^2 - 2 \textcolor{green}{a} \textcolor{red}{b} + \textcolor{red}{b}^2$
- III. $(\textcolor{green}{a} + \textcolor{red}{b}) \cdot (\textcolor{green}{a} - \textcolor{red}{b}) = \textcolor{green}{a}^2 - \textcolor{red}{b}^2$

Rechenweg

a) $(v - 6)^2 = v^2 - 2 \cdot v \cdot 6 + 6^2 = v^2 - 12v + 36$

b) $(m - 5)^2 = m^2 - 2 \cdot m \cdot 5 + 5^2 = m^2 - 10m + 25$

c) $(e - 10)^2 = e^2 - 2 \cdot e \cdot 10 + 10^2 = e^2 - 20e + 100$

d) $(c + 2) \cdot (c - 2) = c^2 - 2^2 = c^2 - 4$

e) $(s + 2)^2 = s^2 + 2 \cdot s \cdot 2 + 2^2 = s^2 + 4s + 4$

f) $(m - 9)^2 = m^2 - 2 \cdot m \cdot 9 + 9^2 = m^2 - 18m + 81$

g) $(s + 3) \cdot (s - 3) = s^2 - 3^2 = s^2 - 9$

h) $(3 + s) \cdot (3 - s) = 3^2 - s^2 = 9 - s^2$

i) $(e + 10) \cdot (e - 10) = e^2 - 10^2 = e^2 - 100$

j) $(9 + t)^2 = 9^2 + 2 \cdot 9 \cdot t + t^2 = 81 + 18t + t^2$

k) $(p + 9) \cdot (p - 9) = p^2 - 9^2 = p^2 - 81$

l) $(3 - p)^2 = 3^2 - 2 \cdot 3 \cdot p + p^2 = 9 - 6p + p^2$

m) $(s + 4) \cdot (s - 4) = s^2 - 4^2 = s^2 - 16$

n) $(v + 6) \cdot (v - 6) = v^2 - 6^2 = v^2 - 36$

o) $(1 - e)^2 = 1^2 - 2 \cdot 1 \cdot e + e^2 = 1 - 2e + e^2$

p) $(10 - z)^2 = 10^2 - 2 \cdot 10 \cdot z + z^2 = 100 - 20z + z^2$

q) $(k + 3) \cdot (k - 3) = k^2 - 3^2 = k^2 - 9$

r) $(r - 2)^2 = r^2 - 2 \cdot r \cdot 2 + 2^2 = r^2 - 4r + 4$

s) $(k - 2)^2 = k^2 - 2 \cdot k \cdot 2 + 2^2 = k^2 - 4k + 4$

t) $(8 + p) \cdot (8 - p) = 8^2 - p^2 = 64 - p^2$

u) $(p - 9)^2 = p^2 - 2 \cdot p \cdot 9 + 9^2 = p^2 - 18p + 81$

v) $(s + 9)^2 = s^2 + 2 \cdot s \cdot 9 + 9^2 = s^2 + 18s + 81$

w) $(6 + r) \cdot (6 - r) = 6^2 - r^2 = 36 - r^2$

x) $(9 - w)^2 = 9^2 - 2 \cdot 9 \cdot w + w^2 = 81 - 18w + w^2$

$$y) \quad (\textcolor{blue}{c} + \textcolor{red}{7})^2 = \textcolor{blue}{c}^2 + 2 \cdot \textcolor{blue}{c} \cdot \textcolor{red}{7} + \textcolor{red}{7}^2 = c^2 + 14c + 49$$

$$z) \quad (\textcolor{blue}{4} + \textcolor{red}{v})^2 = \textcolor{blue}{4}^2 + 2 \cdot \textcolor{blue}{4} \cdot \textcolor{red}{v} + \textcolor{red}{v}^2 = 16 + 8v + v^2$$

Lösung

- | | | | |
|---------------------|---------------------|----------------------|----------------------|
| a) $v^2 - 12v + 36$ | b) $m^2 - 10m + 25$ | c) $e^2 - 20e + 100$ | d) $c^2 - 4$ |
| e) $s^2 + 4s + 4$ | f) $m^2 - 18m + 81$ | g) $s^2 - 9$ | h) $9 - s^2$ |
| i) $e^2 - 100$ | j) $81 + 18t + t^2$ | k) $p^2 - 81$ | l) $9 - 6p + p^2$ |
| m) $s^2 - 16$ | n) $v^2 - 36$ | o) $1 - 2e + e^2$ | p) $100 - 20z + z^2$ |
| q) $k^2 - 9$ | r) $r^2 - 4r + 4$ | s) $k^2 - 4k + 4$ | t) $64 - p^2$ |
| u) $p^2 - 18p + 81$ | v) $s^2 + 18s + 81$ | w) $36 - r^2$ | x) $81 - 18w + w^2$ |
| y) $c^2 + 14c + 49$ | z) $16 + 8v + v^2$ | | |